

6.2. 2. On pose  $f: \mathbb{R}_+ \rightarrow \mathbb{R}$   
 $x \mapsto x^{12}$

$g: \mathbb{R}_+ \rightarrow \mathbb{R}$   
 $x \mapsto x^{11} + 1$

Montrons qu'il existe un  $x \in \mathbb{R}_+$  t.q.  $f(x) = g(x)$ .

Posons  $h(x) = f(x) - g(x)$  et prouvons qu'il existe un  $x \in \mathbb{R}_+$

t.q.  $h(x) = 0$ .

On a  $h(0) = -1 < 0$

$$\begin{aligned} h(2) &= 2^{12} - 2^{11} - 1 \\ &= 2^{11}(2 - 1) - 1 \\ &= 2^{11} - 1 > 0. \end{aligned}$$

$h$  est la somme de fonctions continues donc  $h$  est continue.  $h(0)$  et  $h(2)$  sont de signes contraires.

d'où :  $\exists x \in [0, 2]$  (donc  $x \in \mathbb{R}_+$ ),  $h(x) = 0$ .